

Н.П.Брусенцов

Неадекватность двоичной информатики

О неполноценности двоичной информатики и лежащей в основе ее двухзначной логики убедительно свидетельствует запутанность ключевой логической проблемы - отношения содержательного (необходимого) следования. Известно, что так называемой “материальной импликацией”, отождествляемой в двухзначной логике с отношением следования, присущи парадоксы: ”из ложного следует все, что угодно”, “истинное следует из чего угодно”. Многочисленные попытки устранить эти парадоксы конструированием исчислений “строгой”, “сильной”, “релевантной” и других импликаций цели не достигли и не могли достичь, потому что содержательное, непарадоксальное следование трехзначно, несовместимо с законом исключенного третьего.

Отношение, взаимосвязывающее термины x , y , отображается подмножеством декартова произведения $\{x, x'\} \times \{y, y'\} \equiv \{xy, xy', x'y, x'y'\}$. Материальная импликация представлена четким подмножеством $\{xy, x'y, x'y'\}$ и соответственно характеристической функцией:

$$(x \rightarrow y) \equiv xy \vee x'y \vee x'y' \equiv x' \vee y.$$

Эта функция принимает значение “1”, утверждая, что отношение соблюдено, при $x=0$, независимо от y , и при $y=1$, независимо от x , в чем и состоят парадоксы, означающие в сущности отсутствие взаимосвязи терминов. Таким образом, соблюдение материальной импликации есть не необходимость, а лишь не невозможность, т.е. *возможность* следования.

Нетрудно понять, что несовершенство материальной импликации обусловлено наличием в представляющем ее подмножестве члена $x'y$, однако, исключив его, имеем $\{xy, x'y'\}$ и характеристическую функцию $x \leftrightarrow y \equiv xy \vee x'y'$ отношения эквивалентности, а необходимое следование, четким подмножеством непредставимо. Требуется нечеткая (трехзначная) принадлежность элемента множеству и соответственно обобщение двухзначной булевой алгебры четких классов в трехзначную алгебру нечетких классов, допускающую помимо включенных и исключенных подклассов также *привходящие* (σ -классы), не включенные и не исключенные.

В трехзначной логике нечетких множеств и нечетких классов отношение содержательного естественного следования $x \Rightarrow y$ представлено декартовым нечетким подмножеством $\{xy, \sigma x'y, x'y'\}$ и характеристической функцией $xy \vee \sigma x'y \vee x'y'$, принимающей значение “0”,

если следование невозможно, значение “1”, если выполняется с необходимостью, и значение “0”, если возможно, но не необходимо.

В троичном компьютере с +, 0, – значениями тритов удобнее сопоставлять невозможности “–”, необходимости “+”, а собственно возможности “0”, условившись умалчивать возможные, но не необходимые (собственно возможные, нулевые) члены. При этом следование будет представлено подмножеством $\{xy, -xy', x'y'\}$ и характеристической функцией $xy \vee -xy' \vee x'y'$, кодируемыми четырехтритным кодом (четырёхтритной ДК-шкалой) +–0+.

Экстенциональное истолкование силлогистики, не позволяющее усмотреть в ее общеутвердительной посылке “Все x суть y ” отношение следования с необходимостью y из x , обусловлено принятием в качестве “первых сущностей” единичных вещей [“Категории”, 2a11], а не тех несоставных особенностей, совокупностями которых эти вещи определены. Установив, что “...для уразумения через определение первее общее, а для чувственного восприятия – единичное” [“Метафизика”, 1018b32], Аристотель признал первичным единичное, оправдывая это тем, что все прочее находится в единичных вещах, и если бы они не существовали, “не могло бы существовать и ничего другого” [“Категории”, 2b1].

Верно, что сущности несоставных в рамках данного рассмотрения особенностей воспринимаются и познаются путем сопоставления вещей, которым эти особенности присущи, с вещами, которым они антиприсущи (необходимо не присущи). Но вместе с тем сущности единичных вещей представлены конъюнктивными совокупностями (множествами) существенных для цели рассмотрения несоставных особенностей. Так что и конструктивно, и по сути дела первичны все-таки не единичные вещи, а их несоставные особенности. Полагая первичными сущностями единичные вещи, приходится конструировать несоставные особенности их как дизъюнктивные совокупности (классы) индивидуальных конъюнкций-множеств терминов, которыми эти вещи представлены, в чем и состоит общепринятая экстенциональная (объемная) трактовка силлогистики.

Принципиальное достоинство интенционального истолкования заключается в том, что оно допускает диалектическую, адекватную живой реальности трактовку. Так, если экстенциональный двухтерминный универсум представляет собой объединение (класс) всех мыслимых в нем единичных вещей:

$$xy \vee xy' \vee x'y \vee x'y'$$

то интенциональная версия того же универсума оказывается выражением диалектического принципа сосуществования несоставных противоположностей:

$$\forall x \forall x' \forall y \forall y'$$

Примечательно, что строгая импликация Льюиса $V'xy'$, означающая в экстенциональном универсуме парадоксальное отношение материальной импликации

$$xy \vee x'y \vee x'y' \equiv x' \vee y$$

в интенциональном становится полноценным содержательным следованием:

$$V'xy' \forall x \forall x' \forall y \forall y' \equiv \forall x \forall x' \forall y \forall y'$$

Соблюденность сосуществования противоположностей $\forall x \forall x' \forall y \forall y'$ означает, что термины x, y непременно должны быть переменными, не могут быть константами. Ведь парадоксы материальной импликации и возникают при $x \equiv 0$ и при $y \equiv 1$. Вместе с тем сущность несоставного термина может быть установлена лишь сопоставлением вещи, которой этот термин присущ, с вещью, которой он антиприсущ, так что реальное существование x - это сосуществование x и x' , т.е. $\forall x \forall x'$ - собственно возможность x .

В базируемой на сосуществовании противоположностей трехзначной логике отсутствуют парадоксы и нелепости «классической» логики. Она безупречно соответствует здравому смыслу, неомертвленной реальности. В частности, силлогистика, обретя упущенную ненароком диалектичность, сводится к восьми видам двухтерминных отношений, компактно кодируемых четырехтритными шкалами:

$$Axy \equiv Ay'x' \equiv Axy \cap Ay'x' \equiv + - 0 +$$

$$Ayx \equiv Ax'y' \equiv Ayx \cap Ax'y' \equiv + 0 - +$$

$$Ixy \equiv Ix'y' \equiv Axy \cup Ax'y' \equiv + 0 0 +$$

$$Exy \equiv Eyx \equiv Axy' \cap Ayx' \equiv - + + 0$$

$$Ex'y' \equiv Ey'x' \equiv Ax'y \cap Ay'x \equiv 0 + + -$$

$$Oxy \equiv Ox'y' \equiv Exy \cup Ex'y' \equiv 0 + + 0$$

$$x \leftrightarrow y \equiv Axy \cap Ayx \equiv + - - +$$

$$x \leftrightarrow y' \equiv Exy \cap Ex'y' \equiv - + + -$$

При этом все правильные модусы силлогизмов доказуемы посредством стандартной процедуры манипулирования кодирующими посылки шкалами [1]. Например, модус Barbara:

$$Axy \cap Ayz \equiv (+ - 0 +)_{xy} \cap (+ - 0 +)_{yz} \equiv (++ - - 0 0 ++ \cap + - 0 ++ - 0 +)_{xyz} \equiv (+ - - - 0 0 0 +)_{xyz} \Rightarrow (+ - 0 +)_{xz} \equiv Axz$$

Литература

1. Брусенцов Н.П. Реанимация аристотелевой силлогистики // Реставрация логики. – М.: Фонд «Новое тысячелетие», 2005. С.140-145.

Доложено на Первой Международной научно-практической конференции «Современные информационные технологии и ИТ-образование»

Опубликовано: Современные информационные технологии и ИТ-образование». Сборник докладов. – М.: МАКС Пресс, 2005. С. 501-503.

<http://www.computer-museum.ru/books/archiv/sokcon28.pdf>

<http://www.mocnit.miee.ru/oroks22W/uploadconf/normal/00cpc0us8qspuc/brusencov.pdf>